

E	1	2	3	4	5	6	7	8	Σ

NÉV _____

NEPTUNKÓD _____

Bevezetés az algebra 1

0. vizsga – gyakorlat

2016-01-01

Minden kérdésre írjuk a válaszokat a mellette lévő dobozba. Az első feladat nyolc egyszerű kérdését kivéve minden feladat megoldását is ellenőrizzük, pontszámot a teljes megoldás alapján adunk. Az első nyolc feladat mindegyike 2 pontot, a továbbiak 8 pontot érnek. Kidolgozási idő 110 perc. Semmilyen segédeszköz nem használható!

E1. $[-\pi] = ?$

E2. Írjuk fel 2016-ot 9-es számrendszerben!

E3. Határozzuk meg $2016^{1000} \bmod 10$ értékét!

E4. Mennyi a primitív 20-adik egységgyökök száma?

E5. Mennyi a $2x^5 + 4x^4 - 3x^3 + x + 6$ polinom gyökeinek összege és szorzata?

E6. Határozzuk meg az

$$\begin{vmatrix} 1 & 2 & 4 & 8 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & -1 & 1 & -1 \\ 1 & 3 & 9 & 27 \end{vmatrix}$$

determináns értékét!

E7. Számítsuk ki az

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 3 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 4 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

blokkdiagonális mátrix inverzét!

E8. Írjuk fel a

$$\begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

mátrix pszeudoinverzét!

1. Határozzuk meg $(2016, 1000)$ értékét, és kibővített euklideszi algoritmussal adjuk meg a és b értékét, ahol $2016a + 1000b = (2016, 1000)$.

2. Határozzuk meg a hányadost és a maradékot, ha az $x^5 - 2x^4 - x^3 - 1$ polinomot osztjuk az $x^3 - x + 2$ polinommal maradékosan.

3. Benne van-e a $\mathbf{v} = (1, 0, 0, 1)$ és a $\mathbf{w} = (0, 4, 4, 8)$ vektor az $(1, 1, 1, 1)$, $(1, 2, 3, 4)$, $(2, 1, 4, 3)$ vektorok által kifeszített \mathcal{V} altérben?

4. Bontsuk fel az előző feladatbeli \mathbf{v} vektort egy \mathcal{V} -be eső és egy rá merőleges vektor összegére!

5. Határozzuk meg az \mathbf{A} mátrix kitüntetett alterei mindegyikének egy-egy bázisát, ahol

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 2 & 3 & 1 & 2 \\ 1 & 2 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

6. Legyen az L lineáris leképezés mátrixa az \mathbb{R}^2 és \mathbb{R}^3 standard bázisaiban

$$\mathbf{L}_{\mathcal{E}_2 \leftarrow \mathcal{E}_3} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Írjuk fel e lineáris leképezés \mathcal{B}_3 , \mathcal{B}_2 bázispárra vonatkozó $\mathbf{L}_{\mathcal{B}_2 \leftarrow \mathcal{B}_3}$ mátrixát, ahol $\mathcal{B}_2 = \{(1, 0), (1, 1)\}$, $\mathcal{B}_3 = \{(1, 1, 1), (0, 1, 1), (0, 0, 1)\}$.

7. Adjuk meg az

$$\begin{aligned} x + y &+ w = 4 \\ y + z + w &= 6 \\ x &- z = 4 \end{aligned}$$

egyenletrendszer összes optimális megoldását a normálegyenlet megoldásával!

8. Határozzuk meg az előző feladatbeli egyenletrendszer együttthatómátrixának pszeudoinverzét!