

C csoport

1	2	3	4	össz

Építőmérnöki BSc szak, Matematika A1, 3. ZH., 2017. április 28., 11.10-11.55

Név: Neptun kód:

Karikázza be a gyakorlatának időpontját: Csüt 12:15-14:00 (K374), Csüt 14:15-16:00 (K371)

1. (a) (2 pont) Definiálja az $f(x)$ függvény primitív függvényének és az $f(x)$ függvény határozatlan integráljának a fogalmát, különös tekintettel a két fogalom közti különbségre.
(b) (1 pont) Legyen $T(x_0)$ az $g(x)$ függvény görbéje alatti terület 0-tól x_0 -ig. Mondja ki azt az órán tanult formulát, amely a $T'(x)$ derivált értékére ad egyszerű képletet.
(c) (2 pont) Ha $g(x) = e^{3x}$, adjon formulát $T(x)$ értékére!
2. (5 pont) Egy körhenger felülete egyenlő a tetején és az alján levő körlapok területének, valamint a körhenger palástjának a felületének az összegével. Az 500 négyzetcentiméter felületű körhengerek közül melyiknek a legnagyobb a térfogata?
3. (a) (2 pont) Írja fel az $f(x) = e^{-x}$ függvény $x_0 = 0$ alappont körüli harmadrendű $T_3(x)$ Taylor-polinomját!
(b) (1 pont) Közelítse $e^{-1/2}$ értékét $T_3(x)$ segítségével!
(c) (2 pont) Becsülje a közelítés hibáját a Taylor-tétel segítségével.
4. (a) (2 pont) Számítsa ki az $\int \frac{1}{(3-2x)^2} dx$ határozatlan integrált!
(b) (3 pont) Számítsa ki az $\int x \sqrt[3]{x^2 + 1} dx$ határozatlan integrált!

Segítség: Az integrál kiszámításának egy lehetséges módja: $u = x^2 + 1$ helyettesítés.